

Matematiskt Luffarschack, 15-19 år

Luffarshack är en lagtävling där lagen ska lösa uppgifter på tid.

På varje uppgift ska man endast lämna in ett svar. På en lapp skriver man uppgiftens nummer samt svaret på uppgiften, t.ex. så här:

Uppgift 12. Svar: 70 eller 68 elefanter.

Man får lämna in svaret endast en gång per uppgift. Svaret rättas direkt och ger poäng i den motsvarande rutan på lagets bräde. Själva uppgiften (om den är korrekt löst) ger 1 poäng samt varje redan löst grannuppgift ger ytterligare 1 poäng. Uppgifter räknas som grannar om de delar en sida i tabellen. Det vill säga, en korrekt löst uppgift kan som mest ge 5 poäng.

Fel svar ger 0 poäng totalt i rutan.

Tävlingen tar slut för laget antingen när den utsatta tiden är slut eller när laget har lämnat in svar på alla uppgifterna.

Laget med mest poäng vid tävlingens slut vinner luffarschaket!

Vänd på detta papper först när tävlingsledaren säger till!

1. Jag tänker på ett tresiffrigt tal. Med vart och ett av talen 543, 142, 562 har mitt tal en siffra gemensamt på samma plats (ental, tiotal eller hundratalsplats). Det som var kvar visade sig också vara ett kvadrattal. Bestäm alla sådana tal N. Till tänker jag på?	2. Man hade ett fyrsiffrigt tal N som var ett kvadrattal, sedan ströks man talets två sista siffror. Det som var kvar visade sig också vara ett kvadrattal. Bestäm alla sådana tal N.	3. Vanja läste ut en bok på 2 dagar. Första dagen läste han en tredjedel av hela boken samt 16 sidor till. Andra dagen läste han hälften av det som var kvar samt 20 sidor till. Hur många sidor hade boken?	4. Hur många dagar i streck kan Christoffer som mest lösa roliga matteuppgifter om han bara gör det på onsdagar, lördagar samt udda datum (tex. den 25:e)?	5. På gården finns hundar och höns. Alla djuren tillsammans har 32 ben och 13 huvuden. Hur många är hundarna?
6. Det behövdes 20 gram färg för att måla ytan på en kub. När färgen torkat sågade man upp kuben i 27 småkuber. Hur mycket färg behövs för att måla alla omålade ytor på småkuberna?	7. En cyklist klarade att åka 96 km hela 2 h snabbare än vad han hade trott. Varje tímme åkte han 1 km längre än vad han hade trott han skulle ha åkt på 1 h 15 min. Vilken hastighet hade cyklisten?	8. På hur många kan man rita en kvadrat genom att förbinda 4 av punkterna på bilden?	9. Oskar skulle låsa upp sin cykel, men glömde bort den tresiffriga koden till låset. Men han kommer ihåg att om man lade till 10 till koden så fick man ett kubtal, medan om man subtraherade 10 från koden så fick man ett kvadrattal. Vad var koden?	10. Alva tänker på fyra ickenegativa heltal. Honräknade alla deras parvisamma summor (alla sex stycken). De blev lika med 1, 2, 3, 4, 5, 6. Vilka tal tänkte Alva på?
11. Om ett visst naturligt tal n såde fyra vänner följande: Sexton såde att det var ett primtal. Martin såde att talet var 9. Jo-han såde att det var ett jämttal. Vidar såde att talet var 15. Man vet att två av vänerna talade sanning och två talade osanning. Vilket var talet?	12. I en säck ligger svarta och vita kulor. Rikard tog ut en kula, tittade in i säcken och sa: "5/7 av kulorna är vita", sedan lade han tillbaka kulan. Benjamin tog en kula, tittade in i säcken och sa: "12/17 av kulorna är vita". Hur många kulor fanns i säcken?	13. Sätt ut (på något sätt) sex stycken olika positiva heltal i en 2x3-tabell (två rader, tre kolumner) på så sätt att produktena i kolhunner blir lika samt summorna i raderna blir lika (men behöver inte vara lika med produktena).	14. Dela upp figuren i 4 likadana delar:	15. Vilket är det minsta möjliga antalet kvadrater som man kan dela upp en 6x7-rektangel i?
16. Till och med när kamelen Desirée är törstig utgörs hennes vikt till 84 % av vatten. När hon har druckit sig otörstig stiger vikten till 800 kg varav nu 85 % är vatten. Hur mycket väger kamelen Desirée när hon är törstig?	17. Sätt ut tal i de tomma rutorna så att summorna i valfria tre på varandra följande rutor blir lika med 15:	18. Skriv talet 1 som en summa av nio olika bråk med täljaren 1.	19. En rad med några positiva heltal (fler än åtta st.) kallas för "bra" om summan av tallen på raden är lika med 196, men summan av valfria åtta av talen är inte större än 24. Hur många tal innehåller den kortaste möjliga bra radem?	20. Den första siffran av ett fyrsiffrigt tal är lika med antalet nollar i talet, andra siffran är lika med antalet ettor, tredje siffran är lika med antalet tvåor och den fjärde siffran är lika med antalet treor. Hitta alla sådana tal.
21. I present får Mats en chokladkaka som har 15x6 rutor. Mats bryter en bit i taget itu, längs med en av dess skärnor. Hur många brytningar måste han göra för att det bara ska bli ensamma rutor kvar i slutändan? Ange alla möjliga svar.	22. Karlsson och Lillebror delade en tårta som vägde 1200 g. Lillebror klagade på att han hade fått för lite. Efter det gav Karlsson bort en tredjedel av vad han hade fått till Lillebror. Då dubblades Lillebrors del. Hur delades tårtan ursprungligen?	23. På ett mattekollo finns 56 elever, medan antalet ledare är ett visst helt antal gånger mindre. I matsalen sitter lika många vid varje bord och det antalet är lika med antalet bord. Hur många ledare fanns på kollot?	24. Hur många tresiffriga tal har en sifferprodukt som inte är större än 3?	25. Om den är blå, så är den rund. Om den är fyrkantig, så är den röd. Den är blå eller gul. Den är fyrkantig eller rund. Vilken färg och form kan den ha? Ange alla möjligheter.