

Möjligheternas dag 2024

Årskurs 4-6

*Presentationen skapad av
Malin Bernelf, adjunkt i matematik*



Dagens tema - kryptering

Alice, Bob och Eve kommer att visa oss hur man skapar hemliga meddelanden – så kallade kryptogram. De kommer också att berätta för oss hur man kan göra för att kunna läsa ett krypterat meddelande om man känner till dess nyckel och hur man kan försöka ta reda på vad det står även om man inte känner till nyckeln.

Jag heter Alice!



Jag heter Bob!



Jag heter Eve!



Att kryptera

Att skicka något så att bara den man själv väljer kan läsa vad det står.

Varför vill vi skicka hemliga meddelanden?

Jag skickar ett meddelande till Bob.



Jag tar emot ett meddelande från Alice.

Jag vill veta vad det står i meddelandet.

Att kryptera

Alice vill skicka ett meddelande till sin vän Bob.

Alice vill se till att det bara är Bob som kan läsa det.

Hon **krypterar** meddelandet och berättar för Bob hur han ska göra för att läsa meddelandet. Hon ger honom **nyckeln**.



Alice förbereder sitt meddelande

När Alice ska kryptera plockar hon bort allt utom bokstäverna. Hon låter alla bokstäver vara små bokstäver.

”Jag bakar bullar.”

Skrivs då:

jagbakarbullar



Alice berättar Förskjutningskrypto

Förskjutningskrypto kallas också för Caesar-krypto eftersom den romerska kejsaren Caesar ofta använde krypterade meddelanden.
Man krypterar genom att förskjuta i alfabetet.



Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

Om vi har ett **k** och vill kryptera det genom att förskjuta tre steg så kommer vi att få **N** när vi krypterat.

abcdefghijklmnopqr**st**uvwxyzåäö



Om **w** finns i en text så ersätter vi det med **v**.

När vi använder alfabetet så tar vi bort **w**. Då har alfabetet 28 bokstäver.

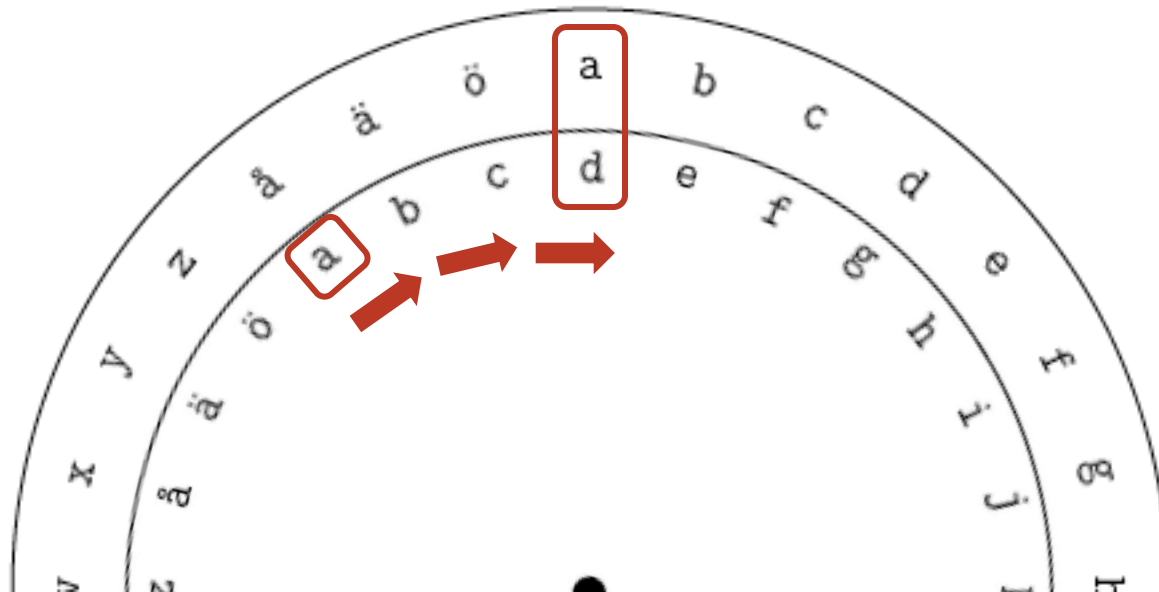


Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

abcdefghijklmnopqrstuvwxyzåäö



Vi förskjuter varje bokstav.
Här är förskjutningen tre steg.



Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

Om vi inte vill använda kryptosnurren så kan vi räkna på förskjutningen. Då måste vi omvandla varje bokstav till ett tal.

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27



Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

Alice vill skicka meddelandet:

Jag bakar bullar.

jagbakarbullar

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27



Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

j	a	g	b	a	k	a	r	b	u	l	l	a	r
9	0	6	1	0	10	0	17	1	20	11	11	0	17

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27



Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

j	a	g	b	a	k	a	r	b	u	l	l	a	r
9	0	6	1	0	10	0	17	1	20	11	11	0	17
+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3
12	3	9	4	3	13	3	20	4	23	14	14	3	20



Jag adderar 3 till varje tal. Då får jag nya tal som jag ska översätta till bokstäver igen.

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27

Alice skickar ett meddelande

Förskjutningskrypto

j	a	g	b	a	k	a	r	b	u	l	l	a	r
9	0	6	1	0	10	0	17	1	20	11	11	0	17
+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3
12	3	9	4	3	13	3	20	4	23	14	14	3	20
M	D	J	E	D	N	D	U	E	Y	O	O	D	U



Kryptogram:
MDJEDNDUEYOODU
Nyckel: 3

Nu skickar jag kryptogrammet och
 nyckeln till Bob!

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27

Alice vill berätta något!

Förskjutningskrypto

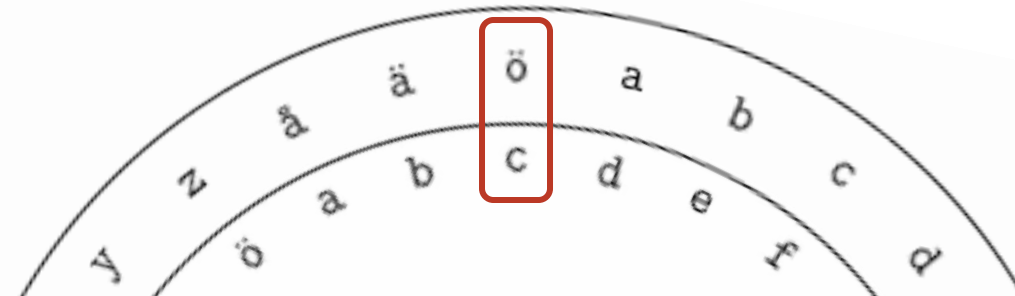
Om Alice vill skriva **bröd** istället för bullar så dyker det upp ett problem.

Om jag använder snurran när jag krypterar **ö** så får jag ett **c** i kryptogrammet.



k	a	r	b	r	ö	d
10	0	17	1	17	27	3
+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3
13	3	20	4	20	30	6
N	D	U	E	U	?	G

$$30 - 28 = 2$$



a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27

Alice skickar ett meddelande Förskjutningskrypto

j	a	g	b	a	k	a	r	b	u	l	l	a	r
9	0	6	1	0	10	0	17	1	20	11	11	0	17
+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3	+3
12	3	9	4	3	13	3	20	4	23	14	14	3	20
M	D	J	E	D	N	D	U	E	Y	O	O	D	U

Kryptogram: MDJEDNDUEYOODU

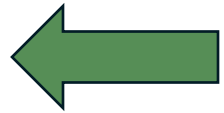
Nyckel: 3

Alice skickar sitt kryptogram till Bob.

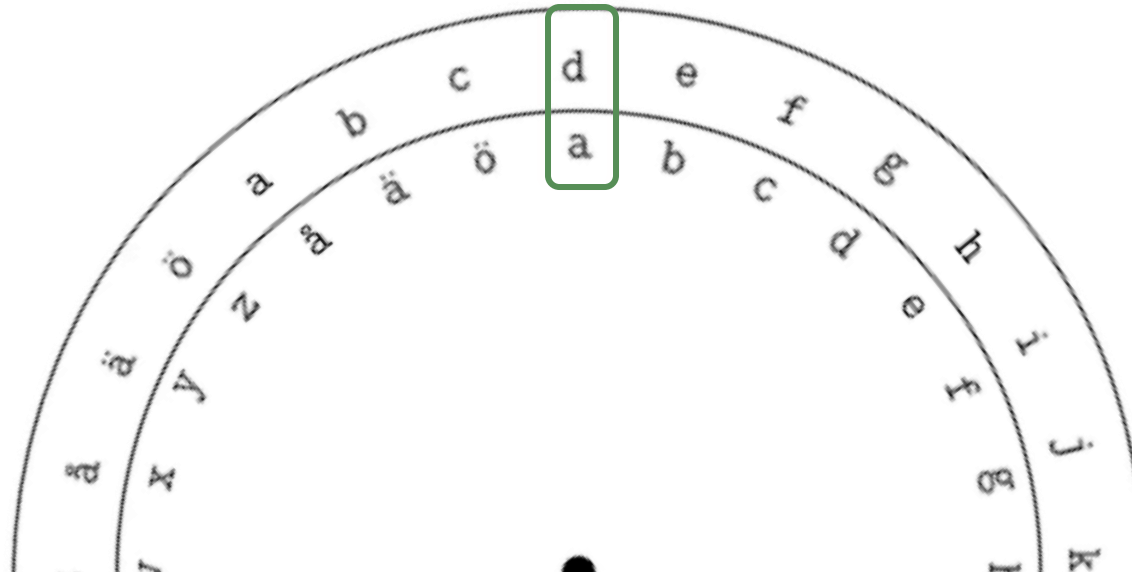


Bob dekrypterar meddelandet Förskjutningskrypto

abcdefghijklmnopqrstuvwxyzåäö



Nu förskjuts bokstäverna åt andra hållet.



Bob dekrypterar meddelandet

Förskjutningskrypto

M	D	J	E	D	N	D	U	E	Y	O	O	D	U
12	3	9	4	3	13	3	20	4	23	14	14	3	20
-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3	-3
9	0	6	1	0	10	0	17	1	20	11	11	0	17
j	a	g	b	a	k	a	r	b	u	l	l	a	r

Klartext: jagbakarbullar

Nu vet Bob att Alice bakar bullar till deras fredagsfika!

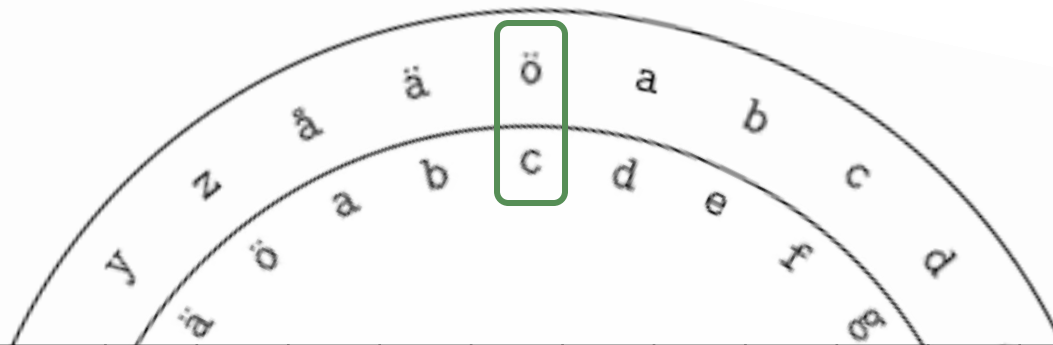


Bob vill berätta något!

Förskjutningskrypto

Om Bob ska dekryptera kryptogrammet som innehåller ordet **bröd** så måste han justera det tal han får för att kunna översätta till en bokstav.

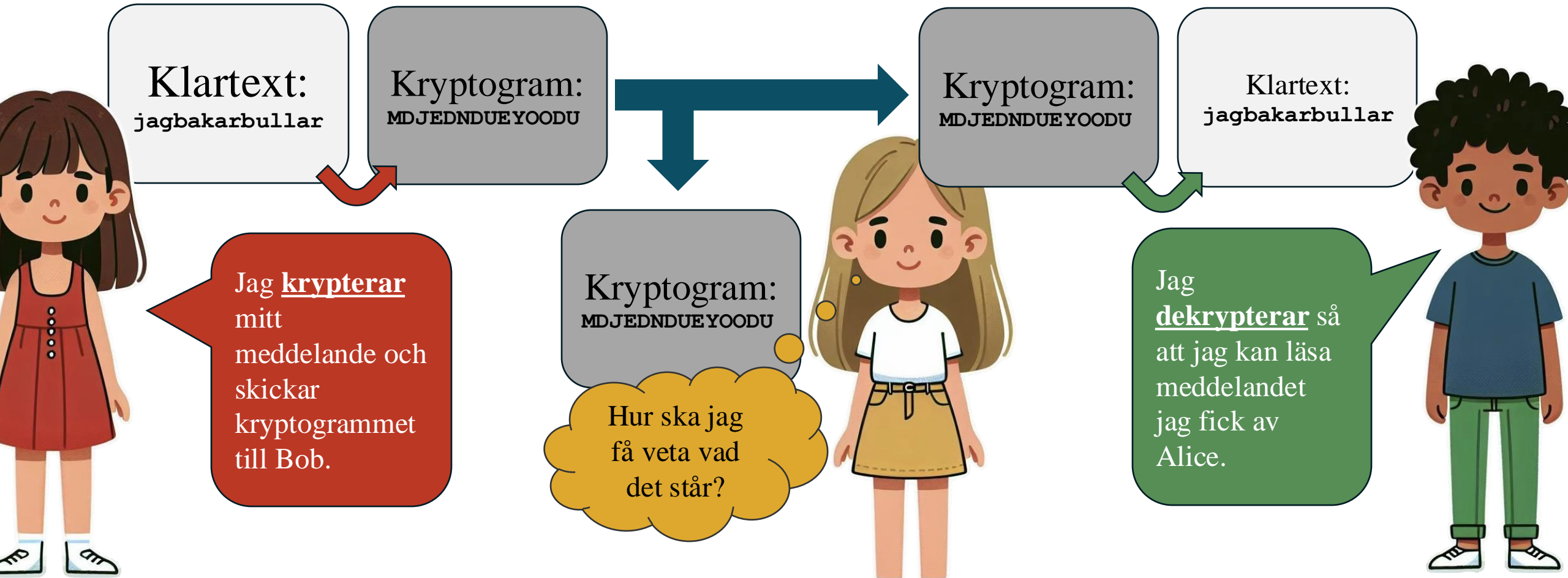
När **C** ska dekrypteras får vi $2-3=-1$. Här får vi addera 28. Då får vi 27 som är **ö**.



a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	x	y	z	å	ä	ö
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27

Eve vill knäcka kryptogrammet

Förskjutningskrypto



Eve vill knäcka kryptogrammet

Förskjutningskrypto

M	D	J	E	D	N	D	U	E	Y	O	O	D	U
12	3	9	4	3	13	3	20	4	23	14	14	3	20

Eve måste försöka med
många olika nycklar.
Hur många finns det?

Kommer jag
orka testa alla
nycklar?



